

Table of LaPlace Transforms

<u>$f(t)$</u>	<u>$\mathcal{L}\{f(t)\} = F(s)$</u>	<u>$f(t)$</u>	<u>$\mathcal{L}\{f(t)\} = F(s)$</u>	<u>$f(t)$</u>	<u>$\mathcal{L}\{f(t)\} = F(s)$</u>
1. 1	$\frac{1}{s}$	14. $\sinh^2 kt$	$\frac{2k^2}{s(s^2 - 4k^2)}$	27. $t \cosh kt$	$\frac{s^2 + k^2}{(s^2 + k^2)^2}$
2. t	$\frac{1}{s^2}$	15. $\cosh^2 kt$	$\frac{s^2 - 2k^2}{s(s^2 - 4k^2)}$	28. $\frac{e^{at} - e^{bt}}{a - b}$	$\frac{1}{(s - a)(s - b)}$
3. t^n	$\frac{n!}{s^{n+1}}, n$ is a positive integer	16. te^{at}	$\frac{1}{(s - a)^2}$	29. $\frac{ae^{at} - be^{bt}}{a - b}$	$\frac{s}{(s - a)(s - b)}$
4. $t^{-1/2}$	$\sqrt{\frac{\pi}{s}}$	17. $t^n e^{at}$	$\frac{n!}{(s - a)^{n+1}}, n$ is a positive integer	30. $1 - \cos kt$	$\frac{k^2}{s(s^2 + k^2)}$
5. $t^{1/2}$	$\frac{\sqrt{\pi}}{2s^{3/2}}$	18. $e^{at} \sin kt$	$\frac{k}{(s - a)^2 + k^2}$	31. $kt - \sin kt$	$\frac{k^3}{s^2(s^2 + k^2)}$
6. t^α	$\frac{\Gamma(\alpha + 1)}{s^{\alpha+1}}, \alpha > -1$	19. $e^{at} \cos kt$	$\frac{s - a}{(s - a)^2 + k^2}$	32. $\frac{a \sin bt - b \sin at}{ab(a^2 - b^2)}$	$\frac{1}{(s^2 + a^2)(s^2 + b^2)}$
7. $\sin kt$	$\frac{k}{s^2 + k^2}$	20. $e^{at} \sinh kt$	$\frac{k}{(s - a)^2 - k^2}$	33. $\frac{\cos bt - \cos at}{a^2 - b^2}$	$\frac{s}{(s^2 + a^2)(s^2 + b^2)}$
8. $\cos kt$	$\frac{s}{s^2 + k^2}$	21. $e^{at} \cosh kt$	$\frac{s - a}{(s - a)^2 - k^2}$	34. $\sin kt \sinh kt$	$\frac{2k^2 s}{s^4 + 4k^4}$
9. $\sin^2 kt$	$\frac{2k^2}{s(s^2 + 4k^2)}$	22. $t \sin kt$	$\frac{2ks}{(s^2 + k^2)^2}$	35. $\sin kt \cosh kt$	$\frac{k(s^2 + 2k^2)}{s^4 + 4k^4}$
10. $\cos^2 kt$	$\frac{s^2 + 2k^2}{s(s^2 + 4k^2)}$	23. $t \cos kt$	$\frac{s^2 - k^2}{(s^2 + k^2)^2}$	36. $\cos kt \sinh kt$	$\frac{k(s^2 - 2k^2)}{s^4 + 4k^4}$
11. e^{at}	$\frac{1}{s - a}$	24. $\sin kt + kt \cos kt$	$\frac{2ks^2}{(s^2 + k^2)^2}$	37. $\cos kt \cosh kt$	$\frac{s^3}{s^4 + 4k^4}$
12. $\sinh kt$	$\frac{k}{s^2 - k^2}$	25. $\sin kt - kt \cos kt$	$\frac{2ks^3}{(s^2 + k^2)^2}$	38. $J_0(kt)$	$\frac{1}{\sqrt{s^2 + k^2}}$
13. $\cosh kt$	$\frac{s}{s^2 - k^2}$	26. $t \sinh kt$	$\frac{2ks}{(s^2 - k^2)^2}$	39. $\frac{e^{bt} - e^{at}}{t}$	$\ln\left(\frac{s - a}{s - b}\right)$

Table of LaPlace Transforms

$\frac{f(t)}{t}$	$\mathcal{L}\{f(t)\} = F(s)$	$f(t)$	$\mathcal{L}\{f(t)\} = F(s)$
40. $\frac{2(1 - \cos kt)}{t}$	$\ln\left(\frac{s^2 + k^2}{s^2}\right)$	50. $\delta(t)$	1
41. $\frac{2(1 - \cosh kt)}{t}$	$\ln\left(\frac{s^2 - k^2}{s^2}\right)$	51. $\delta(t - t_0)$	$e^{(-st_0)}$
42. $\frac{\sin at}{t}$	$\arctan\left(\frac{a}{s}\right)$	52. $e^{at} f(t)$	$F(s - a)$
43. $\frac{\sin at \cos bt}{t}$	$\frac{1}{2} \arctan\left(\frac{a+b}{s}\right) + \frac{1}{2} \arctan\left(\frac{a-b}{s}\right)$	53. $f(t-a) \mathcal{U}(t-a)$	$e^{-as} F(s)$
44. $\frac{1}{\sqrt{\pi t}} e^{(-a^2/4t)}$	$\frac{e^{(-a/\sqrt{s})}}{\sqrt{s}}$	54. $\mathcal{U}(t-a)$	$\frac{e^{-as}}{s}$
45. $\frac{a}{2\sqrt{\pi t}} e^{(-a^2/4t)}$	$e^{(-a\sqrt{s})}$	55. $f^{(n)}(t)$	$s^n F(s) - s^{(n-1)} f(0) - \dots - f^{(n-1)}(0)$
46. $\operatorname{erfc}\left(\frac{a}{2\sqrt{t}}\right)$	$\frac{e^{(-a\sqrt{s})}}{s}$	56. $t^n f(t)$	$(-1)^n \frac{d^n}{ds^n} F(s)$
47. $2\sqrt{\frac{t}{\pi}} \cdot e^{(-a^2/4t)} - a \cdot \operatorname{erfc}\left(\frac{a}{2\sqrt{t}}\right)$	$\frac{e^{(-a\sqrt{s})}}{s\sqrt{s}}$	57. $\int_0^t f(\tau) g(t-\tau) d\tau$	$F(s)G(s)$
48. $e^{ab} e^{b^2 t} \cdot \operatorname{erfc}\left(b\sqrt{t} + \frac{a}{2\sqrt{t}}\right)$	$\frac{e^{(-a\sqrt{s})}}{\sqrt{s}(\sqrt{s} + b)}$		
49. $-e^{ab} e^{b^2 t} \cdot \operatorname{erfc}\left(b\sqrt{t} + \frac{a}{2\sqrt{t}}\right) + \operatorname{erfc}\left(\frac{a}{2\sqrt{t}}\right)$	$\frac{be^{(-a\sqrt{s})}}{\sqrt{s}(\sqrt{s} + b)}$		